حل أسئلة الراجعة

أسس الإحصاء علمي

الباب الأول

1.02 ، $\sqrt{3}$ ، 0.2 ، $\sqrt{2}$ ، حدث $\sqrt{2}$ ، $\sqrt{3}$ $\sqrt{3}$ عدا -0.2

 $0 \leq P(A) \leq 1$ الحيم القيم لا تمثل قيمة احتمالية لانها لا تحقق شرط الاحتمال $P(A) \leq 1$

س2) إذا كان B ، A حدثين متنافيين وكان P(B)=0.2 ، P(A)=0.7 فإن احتمال حدوث أحد الحدثين على الأقل يساوي 0.9 ($\sqrt{}$)

 $P(A \cup B) = P(A) + P(B) \cdot P(A \cap B) = 0..$

 $P(A \cup B) = 0.7 + 0.2 = 0.9$

س3) في تجربة إلقاء قطعتي نقود معاً ، حدث الحصول على وجهين على الأكثر هو حدث مؤكد $(\sqrt{})$

 $S = \{HH \mid HT \mid TH \mid TT\}$ A = S ...

س4) في تجربة إلقاء (3) قطع نقدية معاً ، فإن حدث الحصول على اكثر من ثلاثة أوجه هو حدث مؤكد (X)

 $S = \{HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT\}$, $A = \emptyset$

حدث مستحيل وليس مؤكد

 $(\sqrt{\ })$ A حدث من فراغ العينة S ، وكان P(A)=1 ، فإن A حدث مؤكد وكان A

P(S)=1 من مسلمات الاحتمال $A=S \leftrightarrow P(A)=P(S)=1$ من مسلمات الاحتمال لانه إذا كان

(X) $P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B)$ فإن مستقلين فإن A ، B أذا كان (3 حدثين مستقلين فإن

قانون ضرب الاحتمالات تقاطع وليس اتحاد $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$

س7) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين عدد مكون من 3 أرقام (خانات) من بين الأرقام من 1 إلى 4 مع عدم السماح بالتكرار هو 64 (X)

باستخدام القانون
$$\mathbf{n} \geq \mathbf{r}$$
 عدد الطرق $\mathbf{n} \geq \mathbf{r}$ عدد الطرق $\mathbf{n} = 4$ ، $\mathbf{r} = 3$ عدد الطرق $\mathbf{n} = 4$ ، $\mathbf{r} = 3$ عدد الطرق $\mathbf{n} = 4$ ، $\mathbf{r} = 3$

باستخدام الألة الحاسبة ...

عدد الطرق
$$=$$
 $\boxed{4}$ \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow $\boxed{(\times)}$ \rightarrow $\boxed{3}$ \rightarrow $\boxed{=}$ \rightarrow $\boxed{24}$

س8) إذا تم إلقاء قطعتي نقود معاً فإن احتمال ظهور وجهين متشابهين يساوي 0.25 $(\sqrt{})$

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 4 \dots$$

A = {HH}
$$\cdot$$
 n(1) $\rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{1}{4} = 0.25$

س9) عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على عدد أكبر من 4

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} : n(S) = 6 \dots$$

$$S = \{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6\} \cdot n(S) = 6 \dots$$

$$A = \{5 \cdot 6\} \cdot n(A) = 2 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} = 0.3$$

$$P(A \cap B) = P(\emptyset) = 0 \dots$$

$$P(A \cap B) = P(\emptyset) = 0$$
 س (X) $P(A \cap B) = \emptyset$ اذا كان $A \cdot B$ حدثين متنافيين فإن احتمالهم يساوى صفر أى أن :

الحل ... بما أن الحدثين متنافيين فإن احتمالهم يساوي صفر أي أن:

$$P(A \cap B) = 0$$

(X) $1 \leq P(D) \leq 0$ فإن S فإن من فراغ العينة D فإذا كان D فراغ العينة

$$0 \le P(D) \le 1$$
 let $P(D) \in [0, 1] \dots$

س12) أي عملية يعرف مسبقاً كل النتائج التي يمكن الحصول عليها و لا يمكن أن نحدد بشكل أكيد نتيجتها قبل أن يتم إجراؤها تسمى فراغ العينة (X)

الحل تسمى تجربة عشوائية

س 13) تعتمد نظرية الاحتمالات على التجارب العشوائية $(\sqrt{})$

س 14) إذا كان B يمثل أي حدث من فراغ العينة والحدث \hat{B} يمثل الحدث المكمل له فإن $B \cap \hat{B} = S$

 $\mathsf{B} \cup \grave{B} = \mathsf{S}$ كذلك $\mathsf{B} \cap \grave{B} = \emptyset$: كون المكمل ان يكون

س15) الاحتمال: هو مقياس غير عددي يعبر عن ثقتنا في إمكانية ظهور حدث ما غير مؤكد الحدوث عند إجراء تجربة معينة (X)

الحلي هو مقياس عددي يُعبر عن مدى ثقتنا في إمكانية حدوث شيء غير مؤكد الوقوع .

س16) حدث ظهور العدد 5 عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة هو حدث مركب ... (X)

 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ، $A = \{5\} \rightarrow n(A) = 1$ أي حدث يحتوي على عنصر واحد فقط او نتيجة واحدة فقط هو حدث بسيط 17) عندما لا توجد أي نتيجة من نتائج فراغ العينة تحقق حدثاً ما فإن هذا الحدث يسمى حدثاً مستحيلاً $(\sqrt{})$

الحلي ... لانه فعلاً الحدث المستحيل هو الحدث الذي لا يحتوي على أي نتيجة من نتائج فراغ العينة

س18) فراغ العينة لتجربة إلقاء قطعة واحدة من النقود مرتين متتاليتين يختلف عن فراغ العينة لتجربة إلقاء قطعتي نقود معاً (X)

الحلي ... لا يختلف أي أن: رمي قطعة نقود مرتين = رمي قطعتي نقود مرة واحدة

س19) إذا كان A حدث مستحيل فإن احتمال حدوثه يساوي \emptyset (X)

 $A=\emptyset$ فإن احتمال حدوثه يساوي صفر أي أن : $A=\emptyset$ من مسلمات الاحتمال . $P(A)=P(\emptyset)=0$

 $\sqrt{100}$ الحدث الذي يحتوي على كل نتائج فراغ العينة هو حدث مؤكد $\sqrt{100}$ س21) إذا كان A ، B حدثين وكان ظهور أحدهما لا يؤثر ولا يتأثر بظهور أو عدم ظهور الآخر فإنهما يكونان حدثين متنافيين (X)

الحل ... یکونان حدثان مستقلان .

س22) إذا سألنا شخصين عن رأيهما في قضية معينة وكان لكل شخص ان يُجيب بنعم أو لا أو الامتناع عن الإجابة فإن عدد النتائج الممكنة يساوي 9

عدد النتائج
$$n^r = 3^2 = 3 * 3 = 9$$

باستخدام الآلة الحاسبة
$$\longrightarrow \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{S}$$
عدد النتائج

س23) إذا ألقينًا مكعبى نرد معاً وكان الحدث (A) هو الحصول على مجموع أكبر $\frac{3}{36} = \frac{1}{12} = 0.083$ من (10) فإن احتمال الحدث (A) يساوي

$$S = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (6, 6)\}, (n(S) = 36, \dots)$$

$$A = \{(5, 6), (6, 5), (6, 6)\}, n(A) = 3 \leftrightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$
$$= \frac{3}{36} = \frac{1}{12} = 0.083$$

الحل ... نثبت أن الطرفين متساويين حتى نستطيع القول بأنهما مستقلان

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{4} \leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

س25) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين عدد مكون من رقمين من بين الأرقام من (0) إلى (8) مع عدم السماح بالتكرار يساوي

$n = 9 \cdot r = 2 \dots$

طالما طلب عدم السماح بالتكرار معناها نشتغل على التباديل

باستخدام القانون :
$$n \geq r$$
 عدد الطرق $P_r^n = \frac{n!}{(n-r)!}$ معدد الطرق باستخدام القانون : $n \geq r$

عدد الطرق
$$P_r^n = P_2^9 = \frac{9!}{(9-2)!} = 72$$

باستخدام الآلة الحاسبة:

عدد الطرق
$$\Rightarrow$$
 Shift \Rightarrow (\times) \Rightarrow 2 \Rightarrow \Rightarrow 72

س26) العدد الكلي للنتائج الممكنة عند إلقاء (3) مكعبات نرد وقطعتي نقود غير متحيزة على أرض مستوية يساوي 864

الحل ... باستخدام القانون ...

العدد الكلي
$$n^r = 6^3 \cdot 2^2 = 216 * 4 = 864$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

العدد الكلي
$$= 6 \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{*} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{*} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{864}$$

س 27) إذا كان
$$P(A \cup B) = \frac{5}{6} \cdot P(B) = \frac{1}{3} \cdot P(A) = \frac{1}{2}$$
 فإن A ، B محدثان

الحل ... نثبت أن طرفي المعادلة متساويان

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) \leftrightarrow \frac{5}{6} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

نوحد المقامات للطرف الأيمن نتحصل على الآتي

$$\frac{5}{6} = \frac{1}{2} * \frac{3}{3} + \frac{1}{3} * \frac{2}{2} \leftrightarrow \frac{5}{6} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6} \to \frac{5}{6} = \frac{5}{6}$$

س28) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين رقم من ثلاث خانات باستخدام الأعداد: 1، 2 ، 3 ، 4 (مع السماح بالتكرار) يساوى 64

الحل .. باستخدام القانون

: طالما السماح بالتكرار نطبق قاعدة الضرب $n=4 \cdot r=3$

عدد الطرق
$$n^r = 4^3 = 4 * 4 * 4 = 64$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

عدد الطرق
$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{64}$$

س29) إذا ألقينا مكعبي نرد معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة يساوي $P(A) = \frac{6}{36} \dots$

الحل ... نكون فراغ العينة كالتالي:

$$S = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (6, 6)\}, n(S) = 36$$
حدث النتائج المتشابهة :

$$A = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6)\}, n(A)$$
$$= 6 \leftrightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

س30) إذا كان A ، B حدثين مستقلين ومعرفين على نفس فراغ العينة ، وكان $P(A \cap B)$ ، فإن P(B) = 0.4 ، P(A) = 0.5

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \dots$$

$$(A \cap B) = 0.5 * 0.4 = 0.2$$

س31) في تجربة إلقاء (3) قطع نقدية معاً ، حدث الحصول على أربعة أوجه هو حدث مستحيل .

1

س32) إذا علمت أن احتمال نجاح طالب ما في مادة الإحصاء يساوي 0.70 واحتمال نجاحه في إحدى واحتمال نجاحه في إحدى المادتين على الأقل يساوي 0.83 فإن احتمال نجاحه في المادتين معاً يساوي ... 0.52

 $P(A) = 0.70 \leftarrow A$: الطالب في الإحصاء الطالب في الإحصاء الطالب في الإحصاء الطالب في الإحصاء الطالب في الإحصاء

 $P(B) = 0.65 \leftarrow B$: بفرض أن حدث نجاح الطالب في الرياضة : A U B : بفرض نجاح الطالب في إحدى المادتين على الأقل

 $P(A \cup B) = 0.83$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.83 = 0.70 + 0.65 - P(A \cap B) \rightarrow P(A \cap B) = 1.35 - 0.83 = 0.52$$

س33) عند إلقاء ثلاث قطع من العملة المعدنية معاً ، فإن احتمال الحصول على وجهين أو أقل يساوي $\frac{7}{8} = \frac{7}{8}$...

الحل نكتب فراغ العينة كالتالي:

 $S = \{HHH : HHT : HTH : HTT : THH : THT : TTH : TTT\} : n(S) = 8$

حدث الحصول على وجهين او أقل:

 $A = \{HHT : HTH : HTT : THH : THT : TTH : TTT\} : n(A) = 7$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{7}{8} = 0.875$$

س34) إذا علمت أن عدد النتائج الكلية لتجربة إلقاء مكعب نرد مع عدد من قطع النقود يساوي 192 فإن عدد قطع النقود يساوي n=5

4

الحل ... نفرض عدد قطع النقود: n

عدد النتائج
$$r_1 \cdot r_2 \leftrightarrow 6^1 \cdot r_2 = 192 \rightarrow r_2 = \frac{192}{6} = 32$$

$$n=5$$
 : $\leftarrow 2^n=2^5$

س35) في تجربة اختيار ثلاثة طلبة من مجموعة مختلطة وتصنيفها من حيث الجنس (ذكر ، أنثى) فإن عدد عناصر فراغ العينة لهذه التجربة يساوي n(S) = 8

g: بفرض أن الذكر b : بفرض أن الأنثى

 $S = \{bbb \text{ } bg \text{ } bg \text{ } bg \text{ } gbb \text{ } ggg \text{ } ggb \text{ } ggg \} \text{ } n(S) = 2^3 = 8$. n(S) = 8 .:

 $\mathsf{P}(A) = 0.64$: وكان A ، B حدثين مستقلين من فراغ العينة $\mathsf{P}(A \cup B)$ وذا كان $\mathsf{P}(B) = 0.25$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \dots$$

 $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$: بما أن الأحداث مستقلة فإن

$$P(A \cup B) = 0.64 + 0.25 - (0.64 * 0.25) \rightarrow P(A \cup B) = 0.89 - 0.16 = 0.73$$

س37) إذا كان A ، B حدثين مستقلين فإن احتمال وقوع أحدهما على الأقل هو : $P(A \cup B)$

1)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$
 ...

2)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - [P(A) \cdot P(B)]$$

3)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B)[1 - P(A)]$$

س38) في تجربة إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على عدد أكبر من 2 يساوي $\frac{4}{6}$ $\frac{4}{6}$

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, n(S) = 6\}$$
 الحلى نكون فراغ العينة:

 $A = \{3 , 4 , 5 , 6\}, n(A) = 4 : 2$ حدث الحصول على عدد أكبر من

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} = 0.67$$

س39) إذا كان A ، B حدثين مستقلين ومعرفين على نفس فراغ العينة وكان P(B)=0.4 ، P(A)=0.5

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) \rightarrow P(A \cap B) = 0.5 * 0.4 = 0.20 \dots$$

 $\frac{1}{n(S)}$ وغير البسيط يساوي (40 احتمال حدوث الحدث البسيط يساوي

الحل n(A) = 1 عنصر واحد فقط من عنصر واحد فقط من عناصر فراغ العينة أي عدد عناصره عنصر واحد فقط n(A) = 1 فإن احتمال عناصر فراغ العينة أي عدد عناصره عنصر واحد فقط $P(A) = \frac{1}{n(S)}$ عدوثه يساوي $P(A) = \frac{1}{n(S)}$

س41) في تجربة إلقاء قطعتي نقود معاً كان الحدث A هو حدث الحصول على وجهين والحدث B مو حدث الحصول على متنافيان ...

$$S = \{HH, HT, TH, TT\} \dots$$

 $A = \{HH\} \leftarrow A$ حدث الحصول على وجهين

 $B = \{TT\} \leftarrow B$ حدث الحصول على ظهرين

. الحدثان A ، B متنافيان $A \cap B = \emptyset$

 $P(A \cup B) = 0.9$ ، P(A) = 0.5 وكان A ، B حدثين متنافيين وكان P(A U B) مدثين متنافيين وكان P(A U B) و يساوي P(B)

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) \cdot P(A \cap B) = 0 \qquad \dots$$

$$0.9 = 0.5 + P(B) \rightarrow P(B) = 0.9 - 0.5 = 0.4$$

س43) المجموعة التي تحتوي على جميع النتائج الممكنة الحدوث عند إجراء تجربة عشوائية تساوي فراغ العينة S

س44) إذا كان A ، B حدثين مستقلين وكان P(B)=0.8 واحتمال وقوعهما معاً = 0.10 فإن P(A) يساوي 0.2

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \dots$$

$$0.16 = P(A) * 0.8 \rightarrow P(A) = \frac{0.16}{0.8} = 0.2$$

س45) عندما يكون لكل نتائج التجربة العشوائية نفس فرصة الظهور ، فإن $rac{n(A)}{n(S)}$ هو

لكون العناصر المربقة التقليدية لحساب الاحتمالات أن تكون العناصر متنافية ومتساوية الفرصة في الظهور أي ان احتمال ظهور أي حدث يساوي عدد النتائج التي تحقق الحدث $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{A}{n(S)}$

 S فإن الحدث المكمل له $\hat{A}=\emptyset$ إذا كان $\mathsf{A}=\emptyset$

المعنى الما ان الحدث المؤكد والحدث المستحيل حدثان مكملان لبعضهما $A=\emptyset \leftrightarrow \hat{A}=\hat{\emptyset}=S$ البعض أي أن $A=\emptyset \leftrightarrow \hat{A}=\hat{\emptyset}=S$

س47) عند إلقاء مكعب نرد وقطعتي نقود معاً مرة واحدة فإن العدد الكلي للنتائج الممكنة يساوي ... 24

 $n_1 = 6$: النجرية الأولى المعدد نتائج التجرية الأولى

 $n_2=4$: عدد نتائج التجربة الثانية

 $\mathsf{n}(S) = n_1 * n_2 \to n(S) = 6 * 4 = 24$: العدد الكلى للنتائج الممكنة

س48) المتغير العشوائي هو دالة نطاقها فراغ العينة ومداها فئة الأعداد : الحقيقية .

س49) تجربة عشوائية ما ، تتم في مرحلتين كان عدد النتائج التي نتحصل عليها في المرحلة الأولى n_1 وعدد النتائج التي نتحصل عليها في المرحلة الثانية n_2 فإن عدد النتائج الكلية لهذه التجربة يساوي $n_1 * n_2 \dots$

س50) إذا كان A ، B حدثين من نفس فراغ العينة S ، ولايمكن ان نحصل عليهما معاً في نفس الوقت فإن A ، B حدثان ... متنافيان

 $0 \le P(A) \le 1$: احتمال حدوث أي حدث يجب ان يكون

(1)
$$0 \le P(A) \le 1$$
 ... من مسلمات الاحتمال ... ومن مسلمات الاحتمال ...

$$(2)$$
 $0 \le P \le 1$

(3)
$$P(A) \in [0, 1]$$

س52) عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على رقم فردي أو رقم أكبر من $\frac{5}{6}$

 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, n(S) = 6$... نكون فراغ العينة ... $A = \{1, 3, 5\}, n(A) = 3$... حدث الحصول على رقم فردي $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$

 $B = \{4, 5, 6\}, n(B) = 3, \dots 3$ حدث الحصول على رقم أكبر من $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$

$$P(B) = \frac{1}{n(S)} = \frac{1}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$$

 $A \cap B = \{5\}$ $n(A \cap B) =$: حدث تقاطعهم

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{1}{6}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = \frac{3}{6} + \frac{3}{6} - \frac{1}{6} = \frac{5}{6} = 0.83$$

س53) إذا كان A ، B حدثين متنافيين فإن احتمال ظهور الحدث A ، B و ظهور $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$... الحدث

س54) صندوق به 6 كرات بيضاء و9 كرات زرقاء وتم سحب كرتين عشوائياً مع الإرجاع فإن احتمال أن تكون الكرة الأولى بيضاء والثانية زرقاء يساوي $\frac{6}{25}$

$$P(A) = \frac{6}{15}$$

الحل ... نفرض ان الكرة البيضاء A:

$$P(B) = \frac{9}{15}$$

نفرض أن الكرة الزرقاء B:

السحب تم مع الإرجاع فإن الأحداث تكون مستقلة:

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \rightarrow P(A \cap B) = \frac{6}{15} * \frac{9}{15} = \frac{54}{225} = \frac{6}{25} = 0.24$$

س55) إذا القينا 3 قطع نقدية معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة او وجه واحد يساوي $\frac{5}{8}$

 $S = \{HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT\}, n(S) = 8 \dots$

ددث الحصول على نتائج متشابهة A:

A = {HHH · TTT} ·
$$n(A) = 2 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{8}$$

حدث الحصول على وجه واحد:

$$\mathsf{B} = \{HTT : \mathsf{THT} : \mathsf{TTH}\} : n(B) = 3 \rightarrow P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{8}$$

 $\mathsf{A} \cap \mathsf{B} = \emptyset \to \mathsf{P}(A \cap B) = \mathsf{P}(\emptyset) = 0$: حدث تقاطعهم

.: الاحتمال المطلوب يكون كالتالى:

 $P(A \cup B) = P(A) + P(B) \rightarrow P(A \cup B) = \frac{2}{8} + \frac{3}{8} = \frac{5}{8} = 0.625$

ی معاً هو D ، C معاً هو : D ، C صفا فإن احتمال ظهور D ، D معاً هو $P(C \cap D) = P(C) * P(D)$

س57) إذا ألقينا مكعبي نرد معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة أو مجموع مجموع أكبر من أو يساوي 10 على المكعبين يساوي $\frac{5}{18}$

 $S = \{(1 \cdot 1) \cdot (1 \cdot 2) \cdot (1 \cdot 3) \cdot (1 \cdot 4) \dots \dots \cdot (6 \cdot 6)\} \cdot n(S) = 36 \dots$

حدث الحصول على نتائج متشابهة A

 $A = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6)\}, n(A) = 6$

$$\mathsf{P}(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{36}$$

حدث الحصول على مجموع أكبر من أو يساوي 10

 $B = \{(4.6), (5.5), (5.6), (6.4), (6.5), (6.6)\}, n(B) = 6$

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{6}{36}$$

 $A \cap B = \{(5, 5), (6, 6)\}, n(A \cap B) = 2$: حدث تقاطعهم

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{2}{36}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$$

س58) إذا ألقينا قطعتين من النقود معاً فإن احتمال الحصول على وجه أو أقل يساوي : $\frac{3}{4}$

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 4 \dots$$

 $\mathsf{A} = \{\mathit{HT} \mathsf{'TH} \mathsf{'TT}\} \mathsf{'} n(A) = 3 \ldots \mathsf{A}$ حدث الحصول على وجه أو أقل

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{4} = 0.75$$

س59) الحدث المكمل للحدث المؤكد هو الحدث: المستحيل.

 $P(A \cup B) = \frac{5}{6}$ ($P(A \cap B) = \frac{1}{6}$ (P(A) = 0.5 : فإن P(B) يساوي P(B) يساوي : P(B)

الحل ... بما أن الأحداث مستقلة ..

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

بالتعويض في القانون نتحصل على قيمة P(B) كما يلى :

$$\frac{5}{6} = 0.5 + P(B) - \frac{1}{6} \rightarrow P(B) = \frac{5}{6} - \frac{2}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$$

س61) إذا علمت ان احتمال أن ينجح طالب ما في مادة الإحصاء يساوي 0.60 ، واحتمال أن ينجح في مادة اللغة الإنجليزية هو B واحتمال أن ينجح في إحدى المادتين على الأقل 0.89 فإن احتمال نجاحه في مادة اللغة الإنجليزية يساوي $\frac{29}{10}$

$$P(A) = 0.60$$
 A: الإحصاء الإحصاء

$$P(B) = ?$$
 B : نفرض أن اللغة الإنجليزية

$$P(A \cup B) = 0.89$$
 A U B : نفرض أن نجاح الطالب في إحدى المادتين

نفرض ان نجاح الطالب في المادتين معاً : A ∩ B

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B)$$

بالتعويض في القانون كما يلي ..

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.89 = 0.60 + P(B) - [0.60 * P(B)] \leftrightarrow P(B) = \frac{0.29}{0.40} = \frac{29}{40} = 0.725$$

الباب الثاني

س62) إذا كان الجدول التالي يمثل توزيعاً احتمالياً متقطعاً:

	X	0	1	2	3	4
f(<u>x)</u>	0.1	K	0.2	2K	0.1

فإن قيمة (K) تساوي 0.3 (X)

 $\sum f(x) = 1$... من شروط دالة كتلة الاحتمال نجد أن ... من شروط دالة كتلة الاحتمال

$$0.1 + K + 0.2 + 2K + 0.1 = 1 \rightarrow 3K = 0.6 \rightarrow K = \frac{0.6}{3} = 0.2$$

(X) . x من شروط دالة كتلة الاحتمال صفر $\sum f(x)=\sum f(x)$ لجميع قيم

$$\sum f(x) = 1 \cdot \forall_x \dots$$

س64) إذا كانت دالة كتلة الاحتمال للمتغير العشوائي المتقطع X كما يلي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{4} & \text{`} & x = 0 \text{`} 1 \text{`} 2 \text{`} 3\\ 0 & \text{`} & Otherwise \end{cases}$$

 $\frac{1}{2}$: يساوي P($X \ge 2$) فإن

$$P(X \ge 2) = P(x = 2) + P(x = 3) = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 0.5 \dots$$

س65) إذا كان x متغيراً عشوائياً له دالة كتلة احتمال معرفة على النحو التالي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{4} & \text{`} & x = 0 \text{ `} 2\\ \frac{1}{2} & \text{`} & x = 1\\ 0 & \text{`} & Otherwise \end{cases}$$

 $\mathbf{1}$: يساوى P($x \geq 0$) فإن

$$P(x \ge 0) = P(x = 0) + P(x = 1) + P(x = 2) \dots$$

$$P(x \ge 0) = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} + \frac{1}{2} = \frac{4}{4} = 1$$

س66)

Х	-1	0	1	2	3
f(x)	0.25	-0.8	0.03	0.1	1.43

الجدول السابق لا يمثل توزيع احتمالي والسبب هو: أسباب كثيرة

1)
$$P(x = 0) = -0.8$$



2)
$$P(x = 3) = 1.43$$
 أكبر من الواحد

$$3) \sum f(x) \neq 1$$

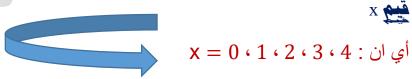
س67) إذا ألقينا قطعة نقود أربع مرات وكان المتغير العشوائي (X) يمثل عدد المرات التي نتحصل فيها على وجه فإن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي x هي : x = 0.1.2.3.4

الحل ..

 $n(S) = 2^4 = 16$

عدد مرات ظهور الصورة -H من خلال جدول التوزيع الاحتمالي نتحصل على





س68) إذا كانت دالة كتلة الاحتمال للمتغير العشوائي المتقطع X كما يلي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{K} & \text{`} & x = 1, 2, 3, 4, 5, 6 \\ 0 & \text{`} & \text{`} & \text{`} \end{cases}$$
خلاف ذلك

فإن قيمة K تساوي: 6

$$\sum f(x) = 1$$
 \leftarrow من شروط دالة كتلة الاحتمال من شروط دالة كتلة الاحتمال

$$P(x = 1) + P(x = 2) + P(x = 3) + P(x = 4) + P(x = 5) + P(x = 6) = 1$$

$$\frac{1}{K} + \frac{1}{K} + \frac{1}{K} + \frac{1}{K} + \frac{1}{K} + \frac{1}{K} = 1$$

$$\frac{6}{K} = 1 \iff K = 6$$

س69) إذا القينا قطعة نقود واحدة مرتين ، وكان المتغير العشوائي (X) يمثل عدد مرات ظهور الوجه فإن قيمة (X) تساوي : (X) تساوي : (X)

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 2^2 = 4 \dots$$

جدول التوزيع الاحتمالي:

X	0	1	2
f(x)	0.25	0.5	0.25

x=0، 1، 2 التي يأخذها المتغير العشوائي هي x=0

اذا كان X متغيراً عشوائياً له دالة توزيع احتمالي متقطع كالتالي :

س70) من المعلومات السابقة فإن قيمة C تساوي: 10

$$\sum f(x) = 1 \dots$$

$$P(x = 0) + P(x = 1) + P(x = 2) + P(x = 3) = 1$$
$$\frac{1}{C} + \frac{4}{C} + \frac{1}{C} + \frac{4}{C} = 1 \iff \frac{10}{C} = 1 \implies C = 10$$

س71) من المعلومات السابقة فإن P(x=4) يساوى : صفر

الحلي ... بما أن رقم 4 غير موجود بالجدول فبالتالي يعتبر حدث مستحيل واحتمال حدوثه صفر

 $\mathsf{P}(2 \leq X \leq 3)$ من المعلومات السابقة فإن بيناوي : $\mathsf{P}(2 \leq X \leq 3)$

$$P(2 \le X \le 3) = P(x = 2) + P(x = 3) \dots$$

$$P(2 \le X \le 3) = \frac{1}{10} + \frac{4}{10} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} = 0.5$$

إذا كان X متغيراً عشوائياً متقطع توزيعه الاحتمالي كالتالى:

Х	1	2	3	4	5
f(x)	0.1	K	0.3	L	0.2
C	P(x < 3) = 0.8 وکان				

ردى 0.0 = % = % = % س 73) من المعلومات السابقة فإن قيمة = % تساوي : 0.4

$$P(x \le 3) = 0.8 \dots$$

$$P(x = 1) = P(x = 2) + P(x = 3) = 0.8$$

$$0.1 + K + 0.3 = 0.8 \leftrightarrow K = 0.8 - 0.4 = 0.4$$

$$K = 0.4 :$$

س74) من المعلومات السابقة فإن قيمة $oldsymbol{\mathrm{L}}$ تساوي : صفر

تم إلقاء قطعة نقدية واحدة ثلاث مرات متتالية وكان المتغير العشوائي X يمثل عدد المرات التي نحصل فيها على ظهر

X من المعلومات السابقة القيم التي يمكن أن يأخذها المتغير العشوائي x=0:1:2:3 تساوي : x=0:1:2:3

الحل ... نكون فراغ العينة كما يلي ...

 $S = \{HHH \cdot HHT \cdot HTH \cdot HTT \cdot THH \cdot THT \cdot TTH \cdot TTT\} \cdot n(S) = 2^3 = 8$

نكون جدول التوزيع الاحتمالي:

X	0	1	2	3
f(x)	1/8	3/8	3/8	1/8

 $\frac{3}{8}$: يساوي P(x=1) يساوي (76 من المعلومات السابقة فإن

$$P(x=1) = \frac{3}{8} = 0.375$$
 .. من الجدول أعلاه نجد أن ..

 $\frac{6}{8}$: يساوي $\mathsf{P}(0 < X \leq 2)$ يساوي إلى يساوي (77) من المعلومات السابقة فإن

$$P(0 < X \le 2) = P(x = 1) + P(x = 2) \dots$$

$$P(0 < X \le 2) = \frac{3}{8} + \frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} = 0.75$$

 $rac{1}{8}$: يساوي P(x>2) يساوي (78 يساوي) من المعلومات السابقة فإن

الحل ... من خلال الجدول أعلاه نجد ان:

$$P(x > 2) = P(x = 3) \rightarrow P(x > 2) = \frac{1}{8} = 0.125$$

الباب الثالث

 $\mathsf{P}(Z \leq 1.15)$ فإن $\mathsf{P}(0 \leq Z \leq 1.15) = 0.3749$ فإن $\mathsf{P}(Z \leq 1.15) = 0.3749$ يساوي 0.8749. $(\sqrt{\mathsf{V}})$

الحل ...

$$P(Z \le a) = 0.5 + P(0 \le Z \le a)$$

 $P(Z \le 1.15) = 0.5 + P(0 \le Z \le 1.15) = 0.5 + 0.3749 = 0.8749$

باستخدام الألة الحاسبة

$$\boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(1.15)} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{0.8749}$$

س80) عدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X في توزيع ذات الحدين يساوي $(\sqrt[]{v})$. n+1

الحلي ... مثلا لدينا مسألة في توزيع ذات الحدين : n = 4 أي أن

حيث يعني أن عدد قيم المتغير العشوائي يساوي 5 x=0، 1، 2، 3، 4

$$x = n + 1 \rightarrow x = 4 + 1 = 5$$

س81) إذا علمت أن $P(0 \leq Z \leq 2.5) = 0.4938$ ، فإن $P(-2.5 \leq Z \leq 2.5)$ يساوي $P(-2.5 \leq Z \leq 2.5)$

الحل

 $P(-a \le Z \le a) = 2 * P(0 \le Z \le a)$

 $P(-2.5 \le Z \le 2.5) = 2 * P(0 \le Z \le 2.5) = 2 * 0.4938 = 0.9876$

باستخدام الآلة الحاسبة باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$\boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{(2.5)}$$
$$\rightarrow \boxed{*} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{\rightarrow} \boxed{0.98758}$$

س82) تجربة ذات الحدين هي التي يكون فيها احتمال النجاح غير ثابت في جميع (X). المحاولات

الحل ... احتمال النجاح (P) ثابت في جميع المحاولات .

س83) ألقي مكعب نرد (6) مرات فإن احتمال الحصول على العدد (4) ثلاث مر ات هو: 0.5358

$$n = 6 \cdot P = \frac{1}{6} \cdot q = 1 - P \leftrightarrow q = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$
: ... land ...

$$P(x = 3) .? : المطلوب : $f(x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \dots \cdot n$

$$P(x = 3) = C_3^6 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^{6-3} = 0.0536$$$$

باستخدام الآلة الحاسبة :

$$f(x) = 6 \rightarrow Shift \rightarrow (\div) \rightarrow 3 \rightarrow \times \rightarrow (\rightarrow \frac{1}{6} \rightarrow))$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 3 \rightarrow \times \rightarrow (\rightarrow \frac{5}{6} \rightarrow)) \rightarrow x^{\bullet}$$

$$\rightarrow 3 \rightarrow = \rightarrow \frac{625}{11664} \rightarrow S \leftrightarrow D \rightarrow 0.0536$$

س84) إذا ألقينا قطعة نقود (4) مرات فإن احتمال ظهور الوجه مرة واحدة أو أقل يساوى: 0.3125

الحل ...

$$\mathsf{P}=rac{1}{2}$$
 ' $q=1-P$ $o q=1-rac{1}{2}=rac{1}{2}$ ' $\mathsf{n=4}$. In the second of $\mathsf{P}(x\leq 1)=?$. In the second of $\mathsf{P}(x\leq 1)=?$

باستخدام القانون

$$f(x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \quad (x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n)$$

$$P(x \le 1) = P(x = 0) + P(x = 1)$$

$$P(x \le 1) = C_0^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{4-0} + C_1^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^1 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{4-1}$$

$$P(x \le 1) = 0.0625 + 0.25 = \frac{5}{16} = 0.3125$$

باستخدام الآلة الحاسبة

$$P(x \le 1) = 4 \rightarrow Shift \rightarrow (\div) \rightarrow 0 \rightarrow (\times) \rightarrow (\frac{1}{2} \rightarrow)$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 0 \rightarrow (\times) \rightarrow (\frac{1}{2} \rightarrow) \rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 4$$

$$\rightarrow (+) \rightarrow 4 \rightarrow Shift \rightarrow (\div) \rightarrow 1 \rightarrow (\times)$$

$$\rightarrow (\frac{1}{2} \rightarrow) \rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 1 \rightarrow (\times) \rightarrow (\frac{1}{2} \rightarrow)$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 3 \rightarrow \Rightarrow 0.3125 \rightarrow \frac{5}{16}$$

س85) عند إلقاء مكعب نرد (3) مرات ، احتمال الحصول على عدد زوجي مرة واحدة يساوي: 0.375

الحل ... المعطيات

A =
$$\{2 \cdot 4 \cdot 6\} \cdot n(A) = 3 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} \quad n = 3$$

S = $\{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6\} \cdot n(S) = 6$
 $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{3}{6} = \frac{3}{6}$
 $P(x = 1) = ? : part = 1$

 $P(X=x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot \dots \cdot n \cdot \dots \cdot n$

$$P(x = 1) = C_1^3 \cdot \left(\frac{3}{6}\right)^1 \cdot \left(\frac{3}{6}\right)^{3-1} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3$$

$$P(x = 1) = \frac{3}{8} = 0.375$$

باستخدام الآلة الحاسبة ... مستخدم معمة محاسبة ...

$$P(x = 1) = \boxed{3} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{\div} \boxed{3} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{\frac{3}{6}} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{\frac{3}{6}} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{2}$$

$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{0.375}$$

س86) شارك (6) طلبة في امتحان لمادة الرياضيات وكان احتمال النجاح (0.4) ، فإن احتمال أن لا ينجح أحد في هذا الامتحان يساوي: 0.046656

الطريقة الأولى : P=0.4~ ، n=6~ ... q=1-P~ q=1-0.4=0.6 المطلوب ... P(x=0)~ ...

باستخدام القانون . مستخدم معتدد

$$P(X = x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0.1.2 \cdot \cdot n$$

$$P(x = 0) = C_0^6 \cdot (0.4)^0 \cdot (0.6)^{6-0} = (0.6)^6 = 0.046656$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

$$P(x = 0) = \boxed{6} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \div \rightarrow \boxed{0} \rightarrow \times \rightarrow \boxed{0.4} \rightarrow \boxed{x}$$

$$\rightarrow \boxed{0} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \times \rightarrow \boxed{0.6} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{6} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow \boxed{729}$$

$$15625} \rightarrow \boxed{0.046656}$$

لطريقة الثانية:

$$P = 0.6$$
 ، $n = 6$.. والمعطيات $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - 0.6 = 0.4$ المطلوب .. $P(x = 6)$..

باستخدام القانون ...

$$P(x = 6) = C_6^6 \cdot (0.6)^6 \cdot (0.4)^{6-6} = (0.6)^6 = \frac{729}{15625} = 0.046656$$

باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$P(x = 6) = 6 \rightarrow Shift \rightarrow \div \rightarrow 6 \rightarrow \times \rightarrow (0.6 \rightarrow x^{\blacksquare})$$

$$\rightarrow 6 \rightarrow) \rightarrow \times \rightarrow (0.4 \rightarrow x^{\blacksquare} \rightarrow 0 \rightarrow)$$

$$\rightarrow \Xi \rightarrow \frac{729}{15625} \rightarrow 0.046656$$

س87) اشترك (10) طلبة في امتحان في مادة الفيزياء فإذا كان احتمال النجاح في هذا الامتحان (0.60) فإن احتمال أن ينجح (6) طلبة في الامتحان يساوي : 0.2508

الحلي ... المعطيات ..

$$P = 0.60$$
 , $n = 10$ $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - 0.60 = 0.40$ $P(x = 6)$?... المطلوب

باستخدام القانون ...

$$f(x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot \dots \cdot n$$

$$P(x = 6) = C_6^{10} \cdot (0.60)^6 \cdot (0.40)^{10-6} = 0.2508$$

باستخدام الآلة الحاسبة .

$$P(x = 6) = \boxed{10} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{(\div)} \rightarrow \boxed{6} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{(0.60)} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{0}$$

$$\rightarrow \boxed{6} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{(0.40)} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{4} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{0.2508}$$

س88) ليست من شروط دالة كتلة الاحتمال لتوزيع ذات الحدين: أسباب كثيرة

العل ... أي شرط بإسثتناء الشروط الاتية ..

- (1) المحاولات مستقلة عن بعضها البعض.
- (2) احتمال النجاح P ثابت في جميع المحاولات.
 - . P + q = 1 (3)
 - . (n) تُجرى التجرية عدة مرات (4)
 - . $(n \cdot P)$ يتحدد بمعلمتين (5)
 - (6) نتيجة كل محاولة إما نجاح P أو فشل q

بصيغة أخرى مثلاً نختار ...

- 1) كل محاولة غير مستقلة عن الأخرى .
- 2 احتمال النجاح متغير في كل محاولة .
 - (3) تُجرى التجرية مرة واحدة ز
 - . $(n \cdot q)$ يتحدد بمعلمتين (4)

س89) إذا كانت نسبة الوحدات التالفة في إنتاج آلة معينة هو (0.03) ، وتم فحص عينة مكونة من (100) وحدة فإن الوسط الحسابي للوحدات التالفة يساوي : $\mu=3$

الحل ..

$$\mu$$
 =? ' n = 100 ' P = 0.03 : المعطيات μ = $n*P \to \mu$ = 100 * 0.03 = 3

6 : يساوي (μ) في توزيع ذات الحدين إذا كانت $q=rac{6}{7}$ فإن (μ) يساوي (90 في توزيع ذات الحدين إذا كانت

الحل ..



المطلوب .. قيمة µ (الوسط الحسابي) .؟

$$\mu = n * P \rightarrow \mu = 42 * \frac{1}{7} = 6$$

س91) إذا علمت أن X متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي قدرهُ X متغير عشوائي يتبع المقابلة للقيمة X تساوي : X عندرهُ 16 فإن القيمة المعيارية X المقابلة للقيمة 33 عندرهُ عندرهُ عندرهُ عندرهُ عندرهُ كانت القيمة المعيارية X المقابلة للقيمة X عندرهُ عندره

الحل

$$\sigma=\sqrt{\sigma^2}=\sqrt{16}=4$$
 ، $\sigma^2=16$ ، $\mu=36$.. $\mu=36$.. $\mu=33$ ، $\mu=33$

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma} \sim N(0 \le 1)$$

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{33 - 36}{\sqrt{16}} = \frac{-3}{4} = -0.75$$

س92) إذا كان المتغير العشوائي X يتبع توزيع طبيعي بمتوسط حسابي قيمته 45 وتباين 16 فإن احتمال أن تكون قيمة المتغير العشوائي X أكثر من 41 تساوي ...0.8413... علماً بأن :

$$P(0 \le Z \le 0.4) = 0.1554 \cdot P(0 \le Z \le 1) = 0.3413$$

الحل ...

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{16} = 4$$
 ، $\sigma^2 = 16$ ، $\mu = 45$.. المعطيات .. $P(X > 41)$..

$$Z = \frac{x-\mu}{\sigma} \sim N(0 \cdot 1)$$
 : عملية المعايرة هي عملية عملية المعايرة هي

$$P(x > c) = P\left(\frac{x - \mu}{\sigma} > \frac{c - \mu}{\sigma}\right) = P(Z > -a) = 0.5 + P(0 \le Z \le a)$$

$$P(X > 41) = P\left(\frac{x - - 45}{4} > \frac{41 - 45}{4}\right) = \frac{1}{2}$$

$$P(Z > -1.00) = 0.5 + P(0 \le Z \le 1.00) = 0.5 + 0.3413 = 0.8413$$

باستخدام الآلة الحاسبة ... باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$P(x > 41) = \underline{Mode} \rightarrow \underline{3} \rightarrow \underline{AC} \rightarrow \underline{Shift} \rightarrow \underline{1} \rightarrow \underline{5} \rightarrow \underline{1}$$
$$\rightarrow \underline{1.00} \rightarrow \underline{)} \rightarrow \underline{=} \rightarrow \underline{0.84134}$$

 σ^2 وتباين χ متغيراً عشوائياً يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط χ وتباين χ فإن المساحة التي على يسار المتوسط الحسابي تساوي $\frac{1}{2}=0.5$

الحلي .. من خواص التوزيع الطبيعي المساحة على يمين المنحنى = المساحة على يسار المنحنى = 0.5

س94) في توزيع ذات الحدين إذا كان المتغير العشوائي (X) يأخذ القيمة (0) فإن هذا يعنى أن عدد المحاولات : فاشلة

س95) إذا علمت ان درجات الطلاب في مقرر مادة الإحصاء تخضع للتوزيع الطبيعي بمتوسط 70 ن وتباين 16 فإن احتمال أن تكون درجات الطلاب أكبر من 78 درجة تساوي علماً بأن $P(0 \le Z \le 2)$ $P(0 \le Z \le 2)$

الحل باعتبار أن X م . ع . يمثل درجات الطلاب

$$\sigma=\sqrt{\sigma^2}=\sqrt{16}=4$$
 ، $\sigma^2=16$ ، $\mu=70$.. المعطيات .. $P(X>78)$...

$$Z = \frac{x-\mu}{\sigma} \sim N(0 \cdot 1)$$

$$P(X > 78) = P\left(\frac{x - 70}{4} > \frac{78 - 70}{4}\right) = P(Z > 2.00)$$
$$= 0.5 - P(0 \le Z \le 2.00) = 0.5 - 0.477 = 0.023$$

باستخدام الآلة الحاسبة :

$$P(X > 78) = \boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{3}$$

$$\rightarrow \boxed{((78 - 70))} \rightarrow \boxed{-} \rightarrow \boxed{4} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{-} \rightarrow \boxed{0.023}$$

س96) إذا كانت نسبة الإنتاج التالف بمصنع ما هي 5 % وتم اختيار عينة عشوائية حجمها 10 وحدات من إنتاج هذا المصنع فإن احتمال أن تكون 3 وحدات منها تالفة يساوي: 0.01047

الحل ...

$$q=1-0.05=0.95$$
 ، $p=0.05$ ، $p=0.05$... المعطيات $P(x=3)$

باستخدام القانون ... باستخدام المتانون ...

$$P(X = x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \quad (x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \dots n)$$

$$P(x = 3) = C_3^{10} \cdot (0.05)^3 \cdot (0.95)^{10-3} = 0.01047$$

باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$P(x = 3) = \boxed{10} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \div \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \times \rightarrow \boxed{(0.05)} \rightarrow \boxed{x}^{\blacksquare}$$

$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \times \rightarrow \boxed{(0.95)} \rightarrow \boxed{x}^{\blacksquare} \rightarrow \boxed{7} \rightarrow \boxed{=}$$

$$\rightarrow \boxed{0.010475}$$

0.4066 إذا علمت أن المساحة من 0 إلى 0.4066 وذلك من خلال P($Z \leq 1.32$) فإن ($Z \leq 1.32$) يساوي : Z

الحل ...

$$P(0 \le Z \le 1.32) = 0.4066$$
 المعطيات $P(Z < 1.32)$!!

باستخدام القانون ...

$$P(Z \le 1.32) = 0.5 + P(0 \le Z \le 1.32) = 0.5 + 0.4066 = 0.9066$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

$$P(Z \le 1.32) = \boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5}$$
$$\rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(1.32)} \rightarrow \boxed{\rightarrow} \boxed{0.90658}$$

س98) إذا كانت أعمار مجموعة من المصابيح الكهربائية تتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط 2.4 وبتباين يساوي 4 فإذا تم اختيار مصباح كهربائي عشوائياً فإن احتمال أن يكون عمره أكثر من 2.4 يساوي: 0.5

الحل ...

المعطيات

. بفرض أن X م . ع يمثل أعمار المصابيح حيث تتبع التوزيع الطبيعي أي أن :

$$Z = \frac{x-\mu}{\sigma} \sim N(0.1) \quad \dots \quad \text{which is } P(X > 2.4) = P\left(\frac{x-2.4}{2} > \frac{2.4-2.4}{2}\right) = P(Z > 0) = 0.5 = \frac{1}{2}$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

$$P(X > 2.4) = \boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5}$$

$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{((2.4) \rightarrow \boxed{\rightarrow} 2.4)} \rightarrow \boxed{-} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{0.5}$$

س99) إذا اشترك 5 طلبة في امتحان قبول بإحدى الكليات الجامعية ، وكان احتمال النجاح 0.3087 فإن احتمال أن ينجح طالبان فقط في هذا الامتحان يساوي : 0.3087

 $P(X = x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \dots \cdot n \dots$

$$P(x = 2) = C_2^5 \cdot (0.3)^2 \cdot (0.7)^{5-2} = \frac{3087}{10000} = 0.3087 \quad \text{`x} = 0.1.2 \dots .5$$

باستخدام الآلة الحاسبة ... باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$P(x = 2) = \boxed{5} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{\div} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{(0.3)} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{\times} \rightarrow \boxed{(0.7)}$$

$$\rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{\pm} \rightarrow \boxed{\frac{3087}{10000}} \rightarrow \boxed{S} \leftrightarrow \boxed{D} \rightarrow \boxed{0.3087}$$

س 100) إذا كانت نسبة الوحدات التالفة في إنتاج آلة معينة هو (0.03) وتم فحص عينة مكونة من (100) وحدة فإن الوسط الحسابي للوحدات التالفة يساوي :

 $\mu = 3$

الحل ..

$$n = 100$$
 ، $P = 0.03$.. المعطيات

المطلوب .. قيمة μ .؟

$$\mu = n * P \rightarrow \mu = 100 * 0.03 = 3$$

س101) إذا كان المتغير العشوائي Z يتبع التوزيع الطبيعي المعياري فإن $P(1.12 \leq Z \leq 1.41)$

$$P(a \le Z \le b) = P(0 \le Z \le b) - P(0 \le Z \le a) \dots$$

$$P(1.12 \le Z \le 1.41) = P(0 \le Z \le 1.41) - P(0 \le Z \le 1.12)$$

= 0.4207 - 0.3686 = 0.0521

س102) في التوزيع الطبيعي المعياري إذا كانت المساحة على يمين القيمة 1.96 تساوي 0.025 فإن تساوي 0.025 فإن المساحة على يسار القيمة 1.96 – تساوي 0.025 فإن المساحة بين القيمتين تساوي : 0.95

$$P(Z \le -1.96) = 0.025$$
 , $P(Z \ge 1.96) = 0.025$...

بما أن المساحة تحت منحنى التوزيع الطبيعي =1

$$= 1 - [$$
مجموع المساحتين $= 1 - 1$

المساحة بين القيمتين = 1 - [0.025 + 0.025] = 1 - 0.05 = 0.95

 $\mu=12$ متغيراً عشوائياً يتبع توزيع ذات الحدين بمتوسط x متغيراً عشوائياً يتبع وزيع ذات الحدين بمتوسط $\sigma^2=2.4$ وتباين $\sigma^2=2.4$ فإن قيمة احتمال النجاح $\rho=0.8$

$$\mu = n * P \dots$$

$$12 = nP \rightarrow (1)$$

$$\sigma^2 = nPq \rightarrow \sigma^2 = \mu q$$

$$2.4 = 12q \rightarrow q = \frac{2.4}{12} = 0.2$$

$$q = 1 - P \rightarrow P = 1 - 0.2 = 0.8$$

س104) المتغير العشوائي X في تجربة ذات الحدين يمثل عدد : عدد مرات التجربة الناجحة

س105) عدد القيم التي يمكن أن يأخذها المتغير العشوائي X في توزيع ذات x=n+1 الحدين يساوي

س 106) في توزيع ذات الحدين إذا كان 27 $\mu=9$ ، p=9 فإن قيمة q تساوي : $q=\frac{2}{3}=0.67$

$$\mu = n * P$$

$$9 = 27 * P \rightarrow P = \frac{9}{27} = \frac{1}{3} = 0.3$$

$$P = \frac{1}{3} : .$$

$$q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3} = 0.67$$

$$q = \frac{2}{3} :$$

 $(n \cdot P)$: المعالم التي يعتمد عليها توزيع ذات الحدين هي المعالم التي يعتمد عليها توزيع

الحل ... إذا كان X م . ع يتبع توزيع ذات الحدين فإن :

$$X \sim Bin(n \cdot P)$$

س108) بفرض أن المتغير العشوائي X يتبع توزيع ذات الحدين ، وكان احتمال النجاح يساوي $\frac{3}{5}$ والمتوسط الحسابي يساوي 60 فإن التباين يساوي $\frac{3}{5}$ والمتوسط الحسابي النجاح يساوي 60 فإن التباين التباين المتوسط الحسابي المتوسط المتوسط الحسابي المتوسط الم

الحل ... المعطيات ...

$$q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$$
, $\mu = 60$, $P = \frac{3}{5}$

 \cdot المطلوب يقيمة σ^2 ألمطلوب المطلوب المط

$$\sigma^2 = nPq \rightarrow \sigma^2 = \mu q$$

$$\sigma^2 = 60 * \frac{2}{5} = 24$$

$$\sigma^2 = 24 : :$$

$$\mu = nP \rightarrow 60 = n * \frac{3}{5} \leftrightarrow n = 60 * \frac{5}{3} = 100 \dots$$

$$\sigma^2 = nPq \rightarrow \sigma^2 = 100 * \frac{3}{5} * \frac{2}{5} = 24$$

$$\sigma^2 = 24$$
 :

سq (109) في توزيع ذات الحدين يمثل: احتمال وقوع النتيجة الغير مرغوب فيها او يمثل احتمال الفشل.

س 110) إذا كان $\frac{1}{10}$ من الإنتاج في مصنع معين إنتاجاً تالفاً ، فإذا سحبنا عشوائياً من هذا الإنتاج 6 وحدات ، فإن احتمال أن يكون عدد الوحدات التالفة أكثر من 2 وحدة يساوي : 0.01585

الحل .. باستخدام القانون ..

$$q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{1}{10} = \frac{9}{10}$$
, $q = 6 \cdot P = \frac{1}{10}$...

P(x > 2) ... المطلوب

بفرض أن X م. ع يمثل عدد الوحدات التالفة

دالة كتلة الاحتمال هي :

$$P(X = x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot \dots \cdot n$$

$$P(x > 2) = 1 - (x \le 2)$$

$$P(x > 2) = 1 - [P(x = 0) + P(x = 1) + P(x = 2)]$$

$$P(x > 2) = 1 - \left[\left(C_0^6 \cdot \left(\frac{1}{10} \right)^0 \cdot \left(\frac{9}{10} \right)^{6-0} \right) + \left(C_1^6 \cdot \left(\frac{1}{10} \right)^1 \cdot \left(\frac{9}{10} \right)^{6-1} \right) \right]$$

$+\left(C_2^6 \cdot \left(\frac{1}{10}\right)^2 \cdot \left(\frac{9}{10}\right)^{6-2}\right) = 1 - 0.98415 = 0.01585$

باستخدام الآلة الحاسبة ... مستخدام الالة الحاسبة ...

س111) ليست من خواص التوزيع الطبيعي: عدة إجابات مثلاً

- 1 منحنى التوزيع ملتوي وغير متماثل.
 - (2) من التوزيعات الاحتمالية المتقطعة
 - (3) لا يمثل الظواهر الطبيعية
 - $1 \neq 1$ المساحة تحت المنحنى $\neq 1$

بِ الْخِوِ .. أي خاصية باستثنتاء الخواص الاتية

- 1) المساحة تحت المنحنى =1
- 2) يشبه الجرس أو الشكل الناقوسى .
- 3) المساحة على يمين المنحنى = المساحة على يسار المنحنى =0.5
- 4) مقاييس النزعة المركزية متساوية (الوسط = الوسيط = المنوال)
 - 5) معامل الإلتواء = صفر بينما المعامل العزمي للتفرطح = 3
 - 6) له قمة واحدة وبالتالي له منوال واحد .
 - 7) متماثل حول وسطه الحسابي µ
 - 8) طرفاه يمتدان إلى مالانهاية دون أن يلامسا المحور الأفقى

يساوي : $\mathsf{P}(Z \leq 2)$ فإن $\mathsf{P}(Z \leq 2) = 0.0228$ يساوي : 0.97725

الحل ...

باستخدام القانون ... بما أن المساحة الكلية تحت المنحنى = واحد صحيح

: فإن المساحة المطلوبة يسار القيمة 2+ تساوي
$$P(Z \le 2) = 1 - P(Z \le -2)$$

$$P(Z \le 2) = 1 - 0.0228 = \frac{2443}{2500} = 0.97725$$

باستخدام الآلة الحاسبة ... باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$P(Z \le 2) = \boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{\rightarrow} \boxed{0.97725}$$

س 113) ألقي حجر نرد متزن عدد n من المرات فكان تباين ظهور العدد n هو 5 فإن قيمة n تساوي : 36

$$A = \{3\}$$
 ' $n(A) = 1$... المعطيات ... $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$ ' $P = \frac{1}{6}$ ' $\sigma^2 = 5$

المطلوب ... قيمة n .؟

$$\sigma^2 = nPq$$

$$5 = n * \frac{1}{6} * \frac{5}{6} \to 5 = \frac{5n}{36}$$

ما على قيمة n حاصل ضرب الطرفين في الوسطين نتحصل على قيمة

$$n = \frac{5 * 36}{5} = 36$$

$$n = 36 \therefore$$